

Concursul Național LuminaMath 2016 constă într-un test grilă alcătuit din probleme cu grade diferite de dificultate, fiecare având 5 variante de răspuns.

Subiectele sunt grupate pe clase astfel: clasele primare II-IV (30 probleme) și clasele gimnaziale V-VIII (40 probleme).

1. Concursul se desfășoară la aceeași dată, 26.11.2016, între orele 10.00-12.00, pentru toate clasele, pe durata a 120 minute.
2. Participanții nu pot părăsi sala de concurs în prima oră și în ultimele 15 minute ale concursului.
3. Cei care termină după prima oră pot preda lucrarea și pot ieși din concurs.
4. Când supraveghetorul anunță sfârșitul concursului, participanții trebuie să aștepte strângerea lucrărilor.
5. În ultimele 15 minute ale concursului în sală vor rămâne minim 2 participanți, până la scurgerea timpului regulamentar.
6. În timpul concursului participanții trebuie să aibă asupra lor carnetul de elev/actul de identitate, un creion, o radieră și o ascuțitoare.
7. Folosirea oricărui aparat electronic, telefon, instrument de geometrie sunt strict interzise.
8. Participanții care încearcă să copieze vor fi eliminați din concurs.
9. În eventualitatea în care lucrările dintr-o anumită sală prezintă un număr neobișnuit de mare de similitudini, ele vor fi anulate.
10. Este responsabilitatea fiecărui participant de a se asigura că răspunsurile sale nu sunt văzute de alți participanți.
11. La începutul concursului se recomandă participanților să verifice dacă foaia de răspuns nu conține erori (de tipărire, de publicare), acestea trebuind să fie aduse la cunoștința supraveghetorului, care va oferi participantului o nouă foaie de răspuns și o va anula pe cea greșită.
12. Răspunsurile se vor completa pe foaia de răspuns, iar pentru completare se va folosi numai creionul. Vă rugăm să fiți atenți la tipul broșurii (A sau B).
13. Pentru fiecare întrebare va fi ales un singur răspuns corect, care trebuie marcat în secțiunea de răspunsuri, în cerculețul cu litera corespunzătoare răspunsului ales, din dreptul întrebării respective. Chiar dacă o întrebare are mai multe variante de răspuns corecte, elevii vor bifa doar una dintre acestea. Dacă la una dintre întrebări elevul bifează mai multe variante, aceasta nu va fi luată în considerare.
14. În cazul în care marcați greșit un răspuns pe foaia de răspuns este foarte important să ștergeți cu atenție înainte de a marca o altă variantă.
15. Având în vedere că timpul mediu alocat este de 3-4 minute/întrebare, participanții sunt sfătuiți să îl folosească eficient.
16. Formula de calcul a punctajului final este:
 - pentru clasele V-VIII: $P = 20(\text{oficiu}) + 2 \times \text{NRC} - 0.5 \times \text{NRG}$
 - pentru clasele II-IV: $P = 25(\text{oficiu}) + 2.5 \times \text{NRC} - 0.5 \times \text{NRG}$unde NRC - numărul de răspunsuri corecte și NRG - numărul de răspunsuri greșite.

Întrebările fără răspuns nu se punctează, dar nici nu se depunțează.

17. În cazul egalității de puncte între mai multe lucrări, premiile vor fi acordate după următoarele criterii:
 - numărul mai mare de răspunsuri corecte;
 - gradul de dificultate al problemelor rezolvate.
18. Corectarea răspunsurilor se face computerizat, asigurând calcularea imparțială a punctajelor și stabilirea clasamentelor.
19. Completarea corectă a foii de răspuns face parte din joc. Calculatorul poate să nu recunoască semnele făcute cu alte simboluri (cruciulițe, liniuțe, puncte etc.) sau cu alte instrumente de scris în afară de creion. Foile de răspuns nu trebuie să prezinte pete sau ștersături.
20. Calculatorul semnalează situațiile în care lucrarea nu a fost realizată individual, concurenții fiind în acest caz eliminați din concurs.
21. Rezultatele și clasamentele vor fi afișate pe website-ul oficial www.luminamath.ro și de asemenea elevii vor putea vedea raportul individual al lucrării lor.



Subiecte Clasa a VII-a

(40 de întrebări)

- Puteți folosi spațiile goale ca ciornă.
- Nu este de ajuns să alegeți răspunsul corect pe broșura de subiecte, el trebuie completat pe foaia de răspuns în dreptul numărului întrebării respective.
- Desenele au caracter orientativ, nu respectă valorile numerice din enunțul problemelor.

1. Numărul \overline{abc} are proprietatea că a este cub perfect și $a=c$. Numărul numerelor abc cu această proprietate este:

- A) 20 B) 15 C) 18 D) 8 E) 9

2. Dacă $a\sqrt{b} = \frac{a^2 + b}{2}$, aflați numărul natural x din ecuația $1\sqrt{2} + 2\sqrt{3} + 3\sqrt{4} = 2\sqrt{(x\sqrt{2})}$.

- A) 4 B) 5 C) 6 D) 7 E) 8

3. Numărul natural A este "prieten" al numărului natural B dacă sunt îndeplinite simultan condițiile:

- a) $A < B$
 b) A este divizor al lui B
 c) suma cifrelor lui A este egală cu suma cifrelor lui B

Exemplu: 12 este "prieten" al lui 300 pentru că $12 < 300$; $12 \in D_{300}$ și $1+2=3+0+0$.

Câte numere "prietene" A există pentru $B=10010$?

- A) 0 B) 1 C) 2 D) 4 E) 8

4. Pentru ce valoare a numărului natural n diferența pozitivă dintre numerele $2^0 + 2^1 + 2^2 + \dots + 2^n$ și 2016 este cea mai mică?

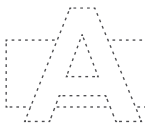
- A) 7 B) 8 C) 9 D) 10 E) 11

5. Pentru numărul natural nenul n , notăm $n! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot \dots \cdot n$. Dacă $3! \cdot 5! \cdot 7! = n!$, atunci n este egal cu:

- A) 9 B) 10 C) 8 D) 11 E) nu există n

6. Numărul natural $N = \overline{abcd}$, cu toate cifrele distincte, înmulțit cu 9 dă ca rezultat numărul $dcba$. Care este suma pătratelor cifrelor numărului N ?

- A) 112 B) 130 C) 132 D) 146 E) 227



7. Numerele p , $p+1$ și $p+9$ sunt prime. Suma lor este:
A) 13 B) 14 C) 15 D) 16 E) 17
8. Un număr natural nenul N are exact șase divizori naturali, inclusiv 1 și N . Produsul a cinci dintre aceștia este 648. Care este al șaselea divizor al lui N ?
A) 4 B) 8 C) 9 D) 12 E) 24
9. Câte numere de patru cifre au proprietatea că, prin înlăturarea unei cifre, numărul obținut divide numărul inițial?
A) 14 B) 9 C) 13 D) 10 E) 15
10. Dacă x și y sunt două numere naturale de patru cifre astfel încât $x \cdot y = 16^5 + 2^{10}$, atunci produsul cifrelor lui $x+y$ este:
A) 4 B) 6 C) 20 D) 100 E) 0
11. Fie A și B două numere naturale care nu conțin cifra 0 în scrierea lor în baza 10. Dacă $A \cdot B = 80000$, atunci $A+B$ este egal cu:
A) 1080 B) 641 C) 80001 D) 753 E) 600
12. Fie d_k cel mai mare divizor impar al lui k , unde k este un număr natural nenul. Fie $S = d_1 + d_2 + d_3 + \dots + d_{256}$. Dintre următoarele afirmații, cea adevărată este:
A) $S < 10^3$ B) $10^3 \leq S < 10^4$ C) $10^4 \leq S < 10^5$
D) $10^5 \leq S < 10^6$ E) $S \geq 10^6$



13. Trei numere de trei cifre sunt formate folosind cifrele de la 1 la 9, fiecare o singură dată. Care dintre numerele următoare nu poate fi egal cu suma acestor trei numere?

- A) 1500 B) 1161 C) 1683 D) 1890 E) 1575

14. Câte numere naturale nenule N au proprietatea că $[N, 2016]=2016$, unde $[a, b]$ este cel mai mic multiplu comun al numerelor naturale nenule a și b ?

- A) 10 B) 2016 C) 40 D) 36 E) 504

15. Cel mai mare număr întreg x astfel încât $\frac{-1}{32} = \frac{x}{10^y}$, unde y este număr natural este:

- A) -32 B) 2^{10} C) 10^5 D) -5^5 E) nu există

16. Frația $\frac{2121210}{1121211}$ este echivalentă cu:

- A) $\frac{210}{211}$ B) $\frac{4}{3}$ C) $\frac{70}{37}$ D) $\frac{6}{7}$ E) $\frac{243}{112}$

17. Dacă notăm cu $[x]$ partea întreagă a numărului rațional x , atunci valoarea sumei

$$S = \left[\frac{1}{1} \right] + \left[\frac{1}{2} \right] + \left[\frac{2}{2} \right] + \left[\frac{1}{3} \right] + \left[\frac{2}{3} \right] + \left[\frac{3}{3} \right] + \dots + \left[\frac{1}{2016} \right] + \left[\frac{2}{2016} \right] + \left[\frac{3}{2016} \right] + \dots + \left[\frac{2016}{2016} \right]$$

este:

- A) 100 B) $2017 \cdot 1008$ C) $2015 \cdot 1008$ D) 2016 E) 0

18. Un elev scrie toate numerele de 7 cifre distincte formate cu ajutorul cifrelor de la 1 la 7 și le așază în ordine crescătoare. Al câtelea număr este 3654217?

- A) 2012 B) 2011 C) 2007 D) 2008 E) 2006



19. Determinați suma cifrelor x și y , știind că $\overline{0,x(y)} = \frac{1}{6}$.

- A) 4 B) 6 C) 7 D) 8 E) 12

20. Calculați $11,11:11+1111:11+111,1:11$.

- A) 112,11 B) 85,21 C) 101,1 D) 91,91 E) 27,31

21. Media de vârstă a unei echipe de 10 persoane este la fel ca acum 4 ani pentru că acum cel mai bătrân dintre membrii echipei a fost înlocuit cu unul mai tânăr. Cu câți ani este mai tânăr noul membru?

- A) 10 B) 12 C) 15 D) 30 E) 40

22. Un număr natural $n \geq 3$ este „special” dacă n nu divide pe $(n-1)!(\frac{1}{1} + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n-1})$. Dacă S este suma numerelor „speciale” cuprinse între 20 și 30, atunci suma cifrelor lui S este:

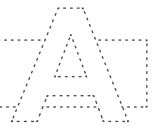
- A) 4 B) 21 C) 12 D) 19 E) 6

23. În procesul obținerii făinii din boabe de grâu se pierde 8% din cantitatea totală de grâu. Din câte tone de boabe de grâu se obțin 2300 kg de făină?

- A) 1,8t B) 2,5t C) 3t D) 3,4t E) 3,6t

24. Un rege a cerut să i se facă o coroană din 800g de aur și 200g argint. Meșterul i-a adus o coroană de 1kg. Matematicianul curții regale știa că sub apă aurul pierde $\frac{1}{20}$ din masa sa, iar argintul $\frac{1}{10}$. Sub apă coroana primită de rege a cântărit 925g. Cât aur a fost înlocuit cu argint?

- A) 100 B) 150 C) 200 D) 250 E) 300



25. A este un număr natural de două cifre și B este un număr natural de trei cifre astfel încât A mărit cu B% este egal cu B micșorat cu A%. Valorile lui A sunt cuprinse între:

- A) 10 și 30 B) 30 și 50 C) 50 și 70
D) 70 și 90 E) 90 și 100

26. Dacă a, b, c sunt numere raționale nenule astfel

încât $\frac{a}{b} = \frac{b}{c} = \frac{c}{a}$, atunci $\frac{a+b-c}{a-b+c} = ?$

- A) 1 B) 2 C) 4 D) 0,5 E) 8

27. În figura de mai jos este desenat un grilaj format din 25 de puncte. Care este probabilitatea ca alegând trei puncte din cele 25, acestea să formeze un triunghi?



- A) $\frac{411}{480}$ B) $\frac{133}{179}$ C) $\frac{17}{25}$ D) $\frac{2001}{2300}$ E) $\frac{537}{575}$

28. Suma modulelor a 10 numere întregi nenule diferite este 30. Modulul sumei numerelor este:

- A) 64 B) 0 C) 60 D) 30 E) 2

29. $A = (-1)^{2n+1} + 2 \cdot (-1)^{2n+2} + 3 \cdot (-1)^{2n+3} + \dots + 2016 \cdot (-1)^{2n+2016}$, n este număr natural nenul. Valoarea lui A este:

- A) 1008·2015 B) 2015·2016 C) 1008
D) $(-1)^n \cdot 2016$ E) -2015

30. Numărul soluțiilor întregi ale inecuației $|x-2016| < 2016$ este:

- A) 4033 B) 2032 C) 2016 D) 4032 E) 4031

31. Un triunghi are laturile a , $3a$ și 23 , unde a este un număr natural nenul. Cea mai mare valoare a perimetrului acestui triunghi este:

- A) 85 B) 57 C) 49 D) 67 E) 61

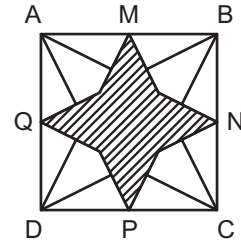
32. Câte triunghiuri isoscele cu laturile de lungimi numere naturale a , b , c pentru care cu $a=b<c=12$ există?

- A) 6 B) 33 C) 18 D) 25 E) 5

33. Fie D mijlocul laturii (AC) a triunghiului ABC și $E \in (CB)$ astfel încât $CE=2 \cdot BE$. Dacă $AE \cap BD = \{F\}$ și $A_{\triangle AFB} = 1$, atunci cât este $A_{\triangle ABC}$ = ?

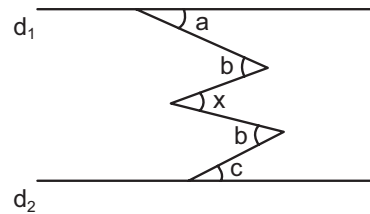
- A) 5,25 B) 7 C) 4 D) 6,75 E) $\frac{10}{3}$

34. În pătratul de mai jos fiecare vârf este unit cu mijloacele laturilor opuse lui. Care este raportul dintre aria hașurată și aria pătratului?



- A) $\frac{1}{3}$ B) $\frac{1}{2}$ C) $\frac{7}{12}$ D) $\frac{5}{8}$ E) $\frac{3}{4}$

35. În figura de mai jos $d_1 \parallel d_2$ și $a=48^\circ$, $b=76^\circ$, $c=20^\circ$. $x=?$



(*desenul nu este făcut la scară)

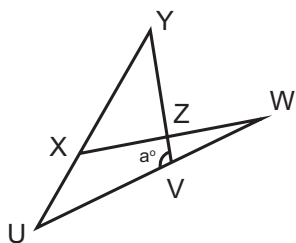
- A) 65° B) 107° C) 84° D) 93° E) 41°

36. Dacă într-un triunghi oarecare $\triangle ABC$, G este centrul de greutate, iar M , N , P sunt mijloacele laturilor BC , CA , AB , atunci raportul $\frac{GA \cdot GB \cdot GC}{GM \cdot GN \cdot GP}$ este egal cu:

- A) 2 B) 3 C) 4 D) 6 E) 8



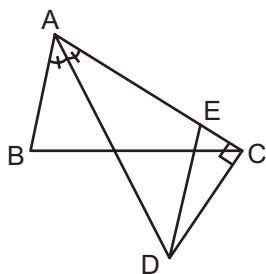
37. În figura de mai jos $(YX) \equiv (YZ)$, $(XU) \equiv (XW)$, $(VY) \equiv (VU)$ și $m(\widehat{UVY}) = a^\circ$. Valoarea lui a este:



(*desenul nu este făcut la scară)

- A) 100 B) 96 C) 120 D) 90 E) 108

38. $m(\widehat{BAC}) = 60^\circ$, (AD) este bisectoarea \widehat{BAC} și $CD \perp AC$, astfel încât punctele D și B se află de aceeași parte a lui AC , $DE \parallel AB$, $E \in (AC)$. Atunci $\frac{CE}{AC} = ?$



(*desenul nu este făcut la scară)

- A) $\frac{1}{6}$ B) $\frac{1}{3}$ C) $\frac{1}{4}$ D) $\frac{2}{3}$ E) 1

39. Fie $\triangle ABC$ și $D \in (BC)$ astfel încât $m(\widehat{ABC}) = 45^\circ$, $m(\widehat{ADC}) = 60^\circ$ și $DC = 2 \cdot DB$. $m(\widehat{ACB}) = ?$

- A) 60° B) 75° C) 84° D) 96° E) 80°

40. Aflați perimetrul unui pătrat echivalent cu un triunghi care are aria egală cu 81 cm^2 .

- A) 9cm B) 36cm C) 18cm D) 27cm E) 81cm